

Naloge in rešitve RTK 2014

Janez Brank

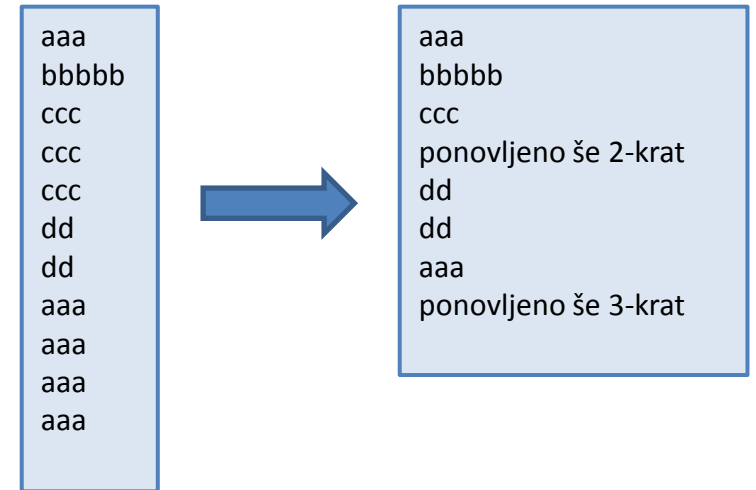
1.1 Dnevnik

- Naloga:

- Brati moramo vhod po vrsticah in jih *sproti* izpisovati
- Kjer se pojavi ≥ 3 zaporednih **enakih vrstic**, izpišemo le prvo vrstico + število preostalih

- Rešitev:

- Zapomnimo si prejšnjo vrstico in število pojavitev
- Če je naslednja vrstica enaka prejšnji, le povečamo števec pojavitev
- Sicer končamo izpis prejšnje, izpišemo naslednjo in postavimo števec na 1



1.1 Dnevnik

- Rešitev, malo podrobneje:

```
prejsnja = ""; n = 0;
```

```
while True:
```

```
    nova = PreberiDogodek()
```

```
    if n > 0 and nova == prejsnja:
```

```
        n = n + 1; continue // Nadaljuje se dosedanja skupina enakih vrstic.
```

```
    // Sicer pa zaključimo izpis za prejšnjo skupino enakih vrstic...
```

```
    if n == 2: print prejsnja
```

```
    elif n > 2: print "ponovljeno še (n - 1)-krat"
```

```
    // ...in začnimo novo skupino.
```

```
    if nova == "": break
```

```
    print nova; prejsnja = nova; n = 1
```

1.2 Proizvodnja čopičev

- Naloga:
 - Imamo n lesenih palic z dolžinami L_1, L_2, \dots, L_n
 - Za izdelavo čopiča potrebujemo:
 - Ročaj dolžine r (ki mora biti v celoti dobljen iz ene same palice)
 - Za konico pa toliko lesa, kolikor se ga dobi iz palice dolžine k , vendar je lahko pridobljen iz več kosov več različnih palic
 - Koliko čopičev lahko izdelamo?
- Rešitev:
 - Iz palice L_i lahko naredimo največ $\lfloor L_i / r \rfloor$ ročajev
 - To seštejemo po vseh palicah in tako dobimo število ročajev, ki bi se jih dalo narediti; to je zgornja meja za število čopičev
 - Po drugi strani, če hočemo x čopičev, nam po tistem, ko naredimo x ročajev, ostane še $(L_1 + \dots + L_n - x \cdot r)$ lesa za konice, potrebujemo pa ga $x \cdot k$
 - Tako imamo še omejitev $x \leq (L_1 + \dots + L_n) / (r + k)$
 - Med obema omejitvama vzamemo nižjo

1.3 Generali



- Naloga:
 - Imamo k ključev $\{1, 2, \dots, k\}$ za sprožitev atomske bombe
 - Imamo n generalov, vsak od njih ima nekaj ključev
 - General i ima ključe $G_i \subseteq \{1, 2, \dots, k\}$
 - Skupina generalov lahko sproži bombo, če imajo vsi skupaj ravno vse ključe (torej če je unija njihovih G_i enaka $\{1, 2, \dots, k\}$)
 - Sistem je **r -odporen**, če ne obstaja nobena taka skupina r generalov, ki lahko drugim prepreči sprožitev
 - Opiši postopek, ki preveri, ali je dani sistem r -odporen
- Primer: $k = 3, n = 3, G_1 = \{1, 2\}, G_2 = \{2, 3\}, G_3 = \{1, 3\}$ je 1-odporen
- Rešitev:
 - Skupina lahko sproži bombo, če za vsak ključ (od 1 do k) velja, da ima ta ključ vsaj eden od članov skupine
 - Torej skupina lahko drugim prepreči sprožitev, če za vsaj en ključ velja, da ga nima nihče razen članov te skupine
 - Torej za vsak ključ preštejmo, koliko generalov ga ima
 - Če ima kakšen ključ r ali manj generalov, potem sistem ni r -odporen, sicer pa je

1.4 Uniforme

- Naloga:
 - Imamo seznam parov (*kos*, *velikost*)
 - $kos \in \{1, 2, 3\}$ (hlače, jopič, rokavice)
 - $velikost \in \{1, 2, \dots, 100\}$
 - Koliko **popolnih uniform** lahko sestavimo (takih, pri katerih so vsi trije kosi enake velikosti)?
- Rešitev:
 - Imejmo 2-d tabelo, v kateri štejemo, koliko kosov posamezne velikosti imamo
 - Na začetku inicializiramo vse elemente na 0
 - Za vsak par (*kos*, *velikost*), ki ga preberemo, povečamo ustrezeni element tabele za 1
 - Nato za vsako velikost pogledamo, katerega kosa imamo pri tej velikosti najmanj
 - Ta minimum nam tudi pove, koliko popolnih uniform te velikosti lahko sestavimo
 - To seštejemo po vseh velikostih

1.4 Uniforme

- Rešitev, malo podrobneje:

// Inicializacija.

for $v = 1$ **to** 100 **do** **for** $k = 1$ **to** 3 **do** $zaloga[v][k] = 0$

// Preberimo vhodne podatke.

za vsak vhodni podatek (v, k) :

$zaloga[v][k] += 1$

$rezultat = 0$

for $v = 1$ **to** 100:

// Koliko popolnih uniform velikosti v lahko sestavimo?

$n = zaloga[v][1]$

for $k = 2$ **to** 3

if $zaloga[v][k] < n$ **then** $n = zaloga[v][k]$

$rezultat += n$

1.5 Davek na ograjo

0	1	1	2	2	2	3
1	1	2	2	4	4	4
5	5	5	0	4	4	4
4	6	6	6	6	4	4
4	4	6	3	6	6	6

- Naloga:
 - Dana je karirasta mreža $w \times h$ kvadratkov
 - Za vsak kvadrateg je znana številka lastnika (od 0 do $n - 1$)
 - Če sosednja kvadrata pripadata različnima lastnikoma, je med njima **ograja**
 - Ograje so tudi na zunanem robu mreže
 - Za vsakega lastnika izpiši **skupno dolžino** ograj okrog njegovih kvadratkov
- Rešitev:
 - Pripravimo si tabelo n elementov, v kateri bomo za vsakega lastnika šteli ograje
 - Z gnezdenima zankama gremo po vseh kvadratih
 - Za vsak kvadrateg (x, y) pogledamo njegove štiri sosede
 - Če sosed pripada drugemu lastniku ali pa sploh leži zunaj mreže, povečajmo števec ograj lastnika kvadratka (x, y)

1.5 Davek na ograjo

- Rešitev, malo podrobneje:

```
int DX[] = { 1, -1, 0, 0 }, DY[] = { 0, 0, 1, -1 };
```

```
for a = 0 to n - 1 do dolžina[a] = 0;
```

```
for x = 0 to w - 1 do for y = 0 to h - 1 do
```

```
    for smer = 0 to 3 do // preglejmo vse štiri sosednje kvadratke
```

```
        xx = x + DX[smer]; yy = y + DY[smer];
```

```
        // če je (xx, yy) že zunaj mreže, ograja mora biti
```

```
        if xx < 0 or yy < 0 or xx >= w or yy >= h then ograja = true
```

```
        // sicer je ograja le, če imata kvadratka različna lastnika
```

```
        else ograja = (Lastnik(xx, yy) == Lastnik(x, y))
```

```
        if ograja then dolžina[Lastnik(x, y)] += 1
```

2.1 Vnos šifre

1	2	3
4	5	6
7	8	9
	0	

- Naloga:
 - Imamo številčno **tipkovnico**, kakršno kaže slika
 - Izpiši vse take n -mestne **šifre**, pri katerih velja, da je vsaka naslednja številka bodisi enaka prejšnji bodisi leži v tipkovnici na eni od **sosednjih** tipk
 - Primer: 414558
- Rešitev:
 - Nalogo lahko rešujemo z **rekurzijo**
 - Prvo številko si lahko izberemo poljubno (od 0 do 9)
 - Za vsako naslednjo številko preizkusimo vse tiste številke, ki so na tipkovnici sosednje (ali enake) prejšnji; za vsako izvedemo rekurziven klic

2.1 Vnos šifre

- Rešitev malo podrobneje:

IzpišiŠifre(s, n)

naj bo d dolžina niza s

if $d == n$ **then** izpiši s ; **return**

naj bo c zadnja številka niza s

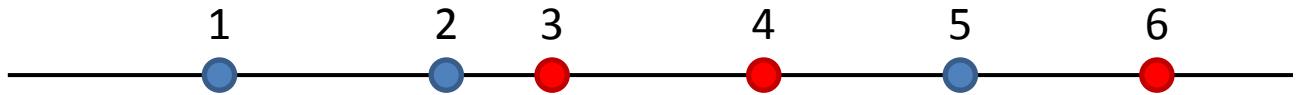
for (za vsako številko c' , ki je soseda številke c)

IzpišiŠifre(s + c', n)

- Glavni del programa:

for $c = '0'$ **to** $'9'$ **do** *IzpišiŠifre(c, n)*

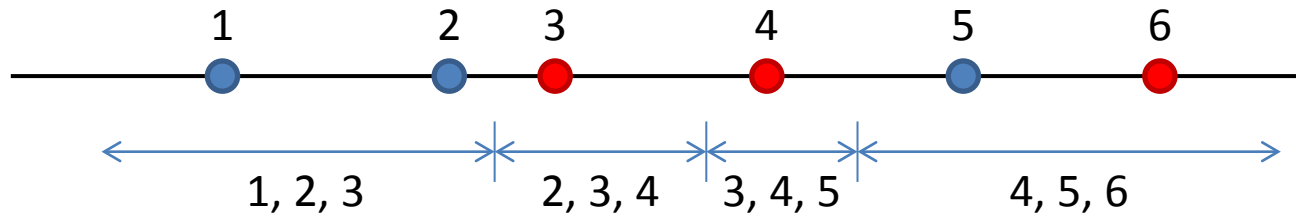
2.2 Prenova ceste



- Naloga:
 - Imamo **cesto** dolžine D
 - Ob njej živi $n = 1\,000\,000$ **prebivalcev**; znane so njihove koordinate $x_1 < x_2 < \dots < x_n$
 - Cesto bosta obnavljali dve podjetji; prebivalec i podpira podjetje $p_i \in \{0, 1\}$
 - Za vsako točko t pogledamo **najbližjih** k prebivalcev; to točko bo obnovilo tisto podjetje, ki ga podpira večina od teh k prebivalcev
 - Koliko km ceste bo obnovilo prvo podjetje in koliko drugo?
- Rešitev:
 - Na prvi pogled je stvar neugodna, ker je možnih t -jev neskončno
 - Toda če sta prebivalca i in j (za $i < j$) med najbližjimi k sosedi točke t , potem so tudi $i + 1, \dots, j - 1$ med najbližjimi k sosedi točke t
 - Najbližji sosedje točke t so torej vedno $\{z, z + 1, z + 2, \dots, z + k - 1\}$ za
 - Vprašanje je le, kje preklopimo iz enega z na naslednjega



2.2 Prenova ceste



- Rešitev:
 - Če gledamo neko t , ki je levo od vseh prebivalcev ($t < x_1$), je najbližjih k sosedov kar prvih k prebivalcev (x_1, x_2, \dots, x_k)
 - Če se zdaj počasi premikamo s t proti desni, nastopi **prva sprememba** takrat, ko x_1 izpade iz te soseščine, vanjo pa pride x_{k+1}
 - To se zgodi takrat, ko x_{k+1} postane točki t bližji kot x_1 , torej na pol poti med njima, pri $t = (x_1 + x_{k+1}) / 2$
 - Podobno je naslednja sprememba pri $(x_2 + x_{k+2}) / 2$, ko iz soseščine izpade x_2 , vanjo pa pride x_{k+2}
 - Sproti lahko tudi popravljamo spremenljivko (recimo k_1), ki nam pove, koliko izmed trenutnih k sosedov podpira podjetje št. 1
- Pseudokoda:

```
dolžina[0] = 0; dolžina[1] = 0;
k1 = 0; for i = 1 to k do k1 = k1 + pi
for z = 1 to n - k + 1:
  if z == 1 then xOd = 0 else xOd = (xz-1 + xz-1+k) / 2
  if z == n - k + 1 then xDo = D else xDo = (xz + xz+k) / 2
  // za vse t iz [xOd, xDo] velja soseščina z...z+k-1
  dolžina[k1 > k - k1 ? 1 : 0] += xDo - xOd;
  k1 = k1 - pz + pz+k
```

2.3 Skrivno sporočilo

- Naloga:
 - **Substitucijski kod**: vsaka črka se spremeni v neko drugo črko (v bistvu neka permutacija abecede)
 - Koda ne poznamo, imamo pa neko sporočilo p_1 in njegovo **delno šifrirano** različico c_1
 - Delno šifrirana pomeni, da so v c_1 ponekod znaki *
 - Hočemo **rekonstruirati** kod, kolikor je le mogoče, in z njim zašifrirati neko drugo sporočilo p_2
- Primer:
 - $p_1 =$ tralala
 - $c_1 =$ q*x**yx
 - Iz tega lahko rekonstruiramo $t \rightarrow q$, $a \rightarrow x$, $l \rightarrow y$, za druge črke (npr. r) pa šifre ne poznamo

2.3 Skrivno sporočilo

- Rešitev:
 - Imejmo tabelo *šifra*[a..z], v kateri za vsako črko hranimo njeno šifro (če jo že poznamo, sicer pa znak *)
 - Pregledujmo **istoležne znake** nizov p_1 in c_1
 - Pri vsakem i vemo, da je $c_1[i]$ šifra znaka $p_1[i]$
 - Razen če je $c_1[i] = *$
 - Če za isto črko vidimo več različnih šifer, vemo, da je v vhodnih podatkih **napaka**
 - Nato se samo še sprehodimo po znakih niza p_2 in jih šifriramo s pomočjo tabele *šifra*
- Pseudokoda:

```
for c = 'a' to 'z' do šifra[c] = '*'
for i = 0 to len(p1) - 1:
    if c1[i] == '*':           continue
    else if šifra[p1[i]] == '*': šifra[p1[i]] = c1[i]
    else if šifra[p1[i]] != c1[i]: sporoči napako
for i = 0 to len(p2) - 1:
    izpiši znak šifra[p2[i]]
```

2.4 Potenciranje

- Naloga:
 - Dan je izmišljen jezik, podoben **zbirnemu jeziku**
 - Z ukazi ADD, SUB, MUL, DIV, MOD (aritmetika) in JL (pogojni skok)
 - Napiši v njem program, ki izračuna **potenco a^b**
 - **Namig:** najprej izračunaj a^2 , a^4 , a^8 , a^{16} itd.
- Rešitev:
 - Potence iz namiga lahko računamo z **zaporednim kvadriranjem**:
 $a^2 = a \cdot a$, $a^4 = (a^2) \cdot (a^2)$, $a^8 = (a^4) \cdot (a^4)$ itd.
 - Število b lahko izrazimo kot **vsoto potenc** števila 2
 - Npr. $b = 87 = 1010111_2 = 64 + 16 + 4 + 2 + 1$
 - Zato je $a^{87} = a^{64+16+4+2+1} = a^{64} \cdot a^{16} \cdot a^4 \cdot a^2 \cdot a^1$
 - Zdaj moramo ta postopek le še zapisati v našem zbirnem jeziku

2.4 Potenciranje

- Postopek:
 $c = 1;$
 for $i = 0, 1, 2, \dots:$
 if je bit i v dvojiškem zapisu števila b prižgan **then** $c = c \cdot a$
 $a = a \cdot a$
- Kako preveriti, ali je nek bit v dvojiškem zapisu b -ja **prižgan**?
 - Za **najnižji bit** je stvar preprosta: ta je prižgan $\Leftrightarrow b$ je liho število $\Leftrightarrow b \bmod 2 = 1$
 - Če potem izračunamo celi del količnika $b/2$, je to ravno b brez najnižjega bita
 - Primer: $87/2 = 43,5$; iz $87 = 1010111_2$ smo dobili $43 = 101011_2$
 - Torej lahko v vsaki iteraciji pogledamo najnižji bit in ga nato **odrežemo**
 - Ko b pade na 0, so vsi preostali biti ugasnjeni in lahko zanko končamo

2.4 Potenciranje

- Rešitev:

SUB c, c

ADD $c, 1$

zanka: JL $b, 1, konec$

SUB t, t

ADD t, b

MOD $t, 2$

JL $t, 1, preskok$

MUL c, a

preskok: MUL a, a

DIV $b, 2$

JL $0, 1, zanka$

konec:

postavi c na 0

c je zdaj 1

če je $b = 0$, končaj

postavi t na 0

postavi t na b

trenutni bit števila b

če je ugasnjen, preskoči nasl. vrstico

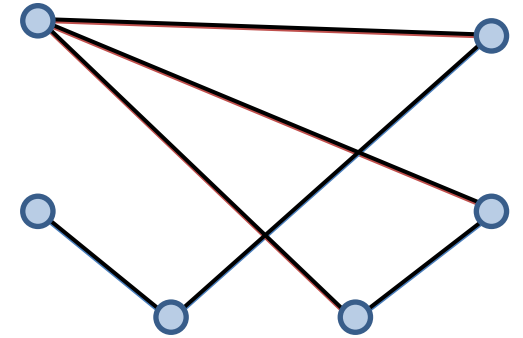
pomnoži c s trenutno potenco a -ja

pripravi naslednji potenco a -ja

odreži najnižji bit b -ja

skoči nazaj na začetek zanke

2.5 Vezja



- Naloga:
 - Imamo n **točk** z znanimi koordinatami (x_i, y_i) , $i = 1, \dots, n$
 - In m **daljic**, ki povezujejo razne pare točk (krajišča so tudi znana)
 - Ali lahko to vezje narišemo tako, da se noben par daljic **ne seka**?
 - Pri tem smemo uporabiti **obe strani** plošče
 - Ali pa eno stran in dve barvi, pri čemer se daljice različnih barv lahko sekajo
- Rešitev:
 - Ko izberemo barvo neke daljice, je s tem enolično določena tudi barva vseh daljic, ki se sekajo z njo
 - Iz tega pa tudi sledi barva vseh daljic, ki se sekajo z njimi in tako naprej
 - Tem omejitvam sledimo, dokler ne pridemo v protislovje ali pa pobarvamo celoten graf

2.5 Vezja

- Rešitev:

za vsako daljico u : $barva[u] = -1$;

za vsako daljico u :

if $barva[u] \neq -1$ **then continue** *// že pobarvana*

$barva[u] = 0$; *// Pobarvajmo u; kaj to pomeni za barve drugih daljic?*

naj bo Q vrsta z u kot edinim elementom;

while Q ni prazna:

vzemi naslednjo daljico v iz vrste Q

// Pobarvali smo v; pogledjmo tiste, ki se sekajo z njo.

za vsako daljico w , ki se seka z v :

if $barva[w] == -1$ **then** *// w mora biti druge barve kot v*

$barva[w] = 1 - barva[v]$; dodaj w v vrsto Q

else if $barva[w] == barva[v]$ **then**

sporoči napako (*vezja ni mogoče narisati*)

3.1 Ljudožerci na premici

- Naloga:
 - Na premici imamo n **ljudožercev** z znanimi koordinatami x_1, \dots, x_n
 - Niso nujno različne in niso nujno urejene
 - Po vrsti padajo na premico **padalci**
 - Padalec j pade na točko a_j , **najbližji** ljudožerec se premakne do njega in ga požre
 - Če je več najbližjih ljudožercev (enako oddaljenih od a_j), vzamemo **najbolj levega** med njimi;
 - Če je več takih, pa tistega z najmanjšo zaporedno številko
 - Zanima nas končni položaj vseh ljudožercev v naraščajočem vrstnem redu
- Rešitev:
 - Koristno je imeti ljudožerce urejene naraščajoče po koordinati
 - Ker vhodni podatki niso taki, jih najprej uredimo
 - Zdaj lahko najbližjega poiščemo z **bisekcijo**
 - Če leži a_j točno na pol poti med dvema zaporednima ljudožercema, vzamem
 - Če jih je več na isti koordinati, je v resnici vseeno, katerega vzamemo, ker jih bomo morali tako ali tako izpisati v naraščajočem vrstnem redu



3.1 Ljudožerci na premici

- Rešitev:

najprej uredimo vhodne podatke naraščajoče,

tako da je $x_1 \leq x_2 \leq x_3 \leq \dots \leq x_n$

za vsakega padalca a_j :

$i = \text{PoiščiNajbližjega}(a_j)$

$x_i = a_j$

na koncu izpišemo zaporedje x_1, x_2, \dots, x_n

- Postopek za iskanje najbližjega z bisekcijo:

```
int PoiščiNajbližjega(int a) {
```

```
    if  $a < x_1$  then return 1 else if  $a \geq x_n$  then return n;
```

```
    L = 1; D = n + 1;
```

```
    while D - L > 1:
```

```
        // Na tem mestu velja  $x_L < a \leq x_D$ 
```

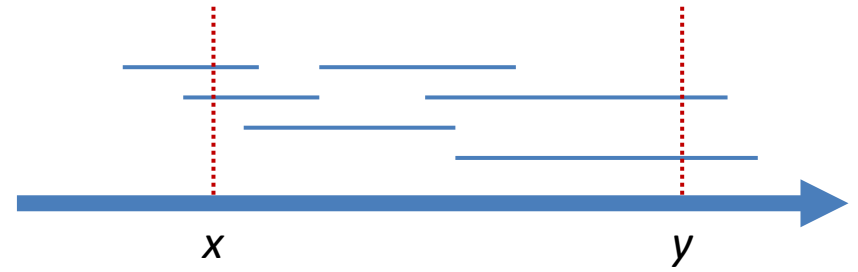
```
        M = (L + D) / 2
```

```
        if  $x_M < a$  then L = M else D = M
```

```
        // Na tem mestu velja  $x_{D-1} < a \leq x_D$ 
```

```
        if  $x_D - a < a - x_{D-1}$  then return D else return D - 1 }
```

3.2 Po Indiji z avtobusom



- Naloga:
 - Na **premici** potujemo od zahoda proti vzhodu
 - Začnemo v x in hočemo priti v y
 - Obstaja n **avtobusov**, znane so začetne in končne postaje (a_i, b_i)
 - Na avtobus lahko vstopimo/izstopimo kjerkoli na $[a_i, b_i]$
 - Kako s čim manj avtobusi priti iz x v y ?
- Rešitev:
 - **Požrešni algoritem:**
 - Med vsemi avtobusi, ki peljejo mimo našega trenutnega položaja, se splača stopiti na tistega, ki ima najkasnejšo končno postajo
 - Ker če stopimo na kakšnega, ki ima zgodnejšo končno postajo, s tem ničesar ne pridobimo; vse, kar bi lahko naredili na njem, bi lahko naredili tudi na tistem s kasnejšo končno postajo
 - Podobno, ko stopimo na avtobus, se splača peljati z njim vse do končne postaje (ali do y)

3.2 Po Indiji z avtobusom

- Postopek:
 $\text{štVoženj} = 0$
 while $x < y$:
 med avtobusi, ki peljejo mimo točke x ,
 naj bo i tisti z najbolj desno končno postajo b_i ;
 $x = b_i$; $\text{štVoženj} = \text{štVoženj} + 1$
- Kako učinkovito izberemo naslednji avtobus?
 - Pogoju, da pelje mimo x (torej $a_i \leq x \leq b_i$), lahko omilimo v $a_i \leq x$
 - Tisti, ki se končajo že pred x (torej $b_i < x$), bodo tako ali tako izpadli, ko bomo vzeli avtobus z najbolj desno končno postajo
 - V vsaki iteraciji zunanje zanke se x poveča in pogoju $a_i \leq x$ ustreza še malo več avtobusov kot prej
 - Zato je koristno imeti avtobuse urejene po a_i
in se v vsakem koraku premakniti samo še malo naprej po tem zaporedju

$\text{štVoženj} = 0; i = 1; b = x$

while $x < y$:

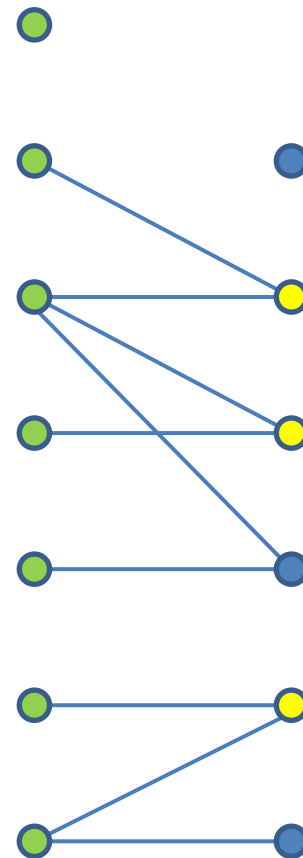
while $a_i \leq x$:

$b = \max(b, b_i); i = i + 1$

$x = b; \text{štVoženj} = \text{štVoženj} + 1$

3.3 Luči

- Naloga:
 - Imamo S stikal in L luči; znano je začetno stanje luči
 - Vsaka luč je povezana z največ 2 stikaloma
 - Vsako stikalo lahko pritisnemo $1\times$ ali $0\times$
 - S koliko kombinacijami stikal lahko **ugasnemo vse luči**?
- Rešitev:
 - Če je luč x povezana z **enim samim** stikalom, recimo u :
 - Če je x prižgana, potem u moramo pritisniti
 - Če je x ugasnjena, potem u ne smemo pritisniti
 - Če pa je x povezana z **dvema** stikaloma u in v :
 - Če je x prižgana, potem moramo pritisniti enega od u in v , drugega pa ne
 - Če je x ugasnjena, potem moramo pritisniti oba (u in v) ali nobenega
 - Torej, čim si za neko stikalo u izberemo, ali ga bomo pritisnili ali ne, nam to določi stanje stikal, ki so povezana na iste luči kot u
 - To pa nam določi stanje spet novih stikal in tako naprej po celi povezani komponenti
 - Za vsako **povezano komponento** dobimo 0, 1 ali 2 možnosti; to zmnožimo med sabo
 - Poseben primer: če je luč prižgana in ni povezana z nobenim stikalom



3.3 Luči

- Postopek:

for $u = 1$ **to** S **do** $obdelano[u] = \mathbf{false}$, $stanje[u] = -1$

$rezultat = 1$

for $u = 1$ **to** S **do if not** $obdelano[u]$:

// Preglejmo povezano komponento, ki ji pripada u .

$možnosti = 0$

if $Poskusi(u, 0)$ **then** $možnosti += 1$

if $Poskusi(u, 1)$ **then** $možnosti += 1$

$rezultat *= možnosti$; **if** $možnosti == 0$ **then break**

// Če je $možnosti > 0$, je vsaj eden od klicev $Poskusi$ že označil

// vsa stikala te povezane komponente kot obdelana.

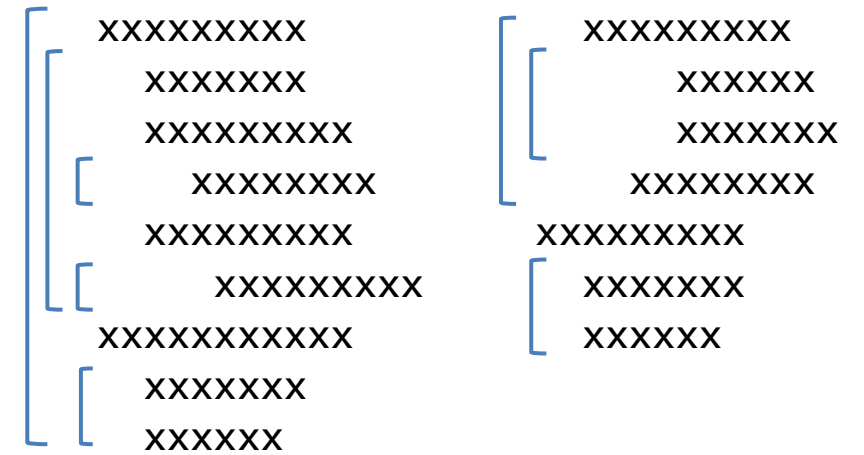
- Manjka še preverjanje prižganih luči brez stikal

3.3 Luči

- Podprogram *Poskusi*(u_0, s) preveri, če lahko postavimo u_0 v stanje s
stanje[u_0] = s ; naj bo Q prazna vrsta
dodaj u_0 v Q ; *obdelana*[u_0] = **true**
while Q ni prazna:
 vzemi iz Q naslednje stikalo, recimo u
 // Stanje u smo določili; kako vpliva u na druga stikala?
 za vsako luč x , ki je povezana s stikalom u :
 if je to edino stikalo te luči:
 if *prižgana*[x] **xor** *stanje*[u] **then return false**
 if ima ta luč še neko drugo stikalo v :
 if *prižgana*[x] **xor** *stanje*[u] **xor** *stanje*[v] **then return false**
 else if *stanje*[v] = -1 **then** *// v-ju lahko določimo stanje*
 stanje[v] = *prižgana*[x] **xor** *stanje*[u]
 obdelano[v] = **true**; dodaj v v vrsto Q
 return true
- Pred vrnitvijo iz podprograma (ne glede na rezultat) moramo še postaviti *stanje*[u] nazaj na -1 za vse u , ki smo jih kdaj dodali v vrsto Q

3.4 Bloki

- Naloga:
 - Imamo več vrstic besedila, v njem bi radi prepoznali **bloke**
 - V vrstici se **začne** blok, če je neprazna in
 - Ima večji zamik kot prejšnja neprazna vrstica
 - Ali pa je to prva neprazna vrstica sploh
 - Ta blok se potem **nadaljuje** do prve take neprazne vrstice, ki ima manjši zamik kot začetna vrstica bloka (tista potem že ni več del bloka)
- Rešitev:
 - Za vsako vrstico izračunajmo **zamik** (število presledkov na začetku); besedilo lahko sproti pozabljamo
 - Bloke iščemo z **rekurzijo**
 - Zapomnimo si zamik prejšnje neprazne vrstice
 - Če ima trenutna vrstica večji zamik, se **začne nov blok** (→ rekurzivni klic; ob vrnitvi nam trenutni položaj pove, kje se ta blok konča)
 - Če ima trenutna vrstica manjši zamik kot trenutno najbolj notranji blok, se ta blok **konča** (vrnitev iz rekurzivnega klica)



3.4 Bloki

- Rešitev:
 - Naj bo *zamik[i]* zamik *i*-te vrstice (−1, če je prazna)
 - Naj bo *blokDo[i]* zadnja vrstica bloka, ki se začne v vrstici *i* (−1, če se tam ne začne blok)
 - Glavni blok programa:
 - izračunaj zamike vrstic;
 - postavi vse *blokDo[i]* na −1;
 - prejZamik = −1; i = 0; PoiščiBloke(−1)*
 - Rekurzivni podprogram *PoiščiBloke(zamikBloka)*:
 - // i = trenutna vrstica (globalna spremenljivka)*
 - while** *i < n*:
 - if** *zamik[i] < 0* **then continue**; *// preskoči prazne vrstice*
 - prejPrejZamik = prejZamik; prejZamik = zamik[i]*
 - if** *zamik[i] < zamikBloka* **then break**; *// konec bloka*
 - if** *zamik[i] <= prejPrejZamik* **then i += 1; continue** *// blok se nadaljuje*
 - // Sicer se v i začne nov blok.*
 - blokOd = i ; i += 1; PoiščiBloke(prejZamik)*
 - blokDo[blokOd] = i − 1*

3.5 Poravnavanje desnega roba

- Naloga:
 - Imamo besedilo, ki ga tvori n besed z dolžinami w_1, w_2, \dots, w_n
 - Radi bi ga razbili v **vrstice** dolžine d
 - Presledek med dvema zaporednima besedama v vrstici mora biti **vsaj** s , če pa je treba, bomo presledke razširili, da bo vrstica dosegla **širino** d
 - Besede od w_i do w_j lahko zložimo v eno vrstico, če je
$$w_i + w_{i+1} + \dots + w_{j-1} + w_j + (j - i) \cdot s \leq d$$
 - **Ocena** take vrstice je
$$ocena(i, j) = [d - (w_i + w_{i+1} + \dots + w_{j-1} + w_j + (j - i) \cdot s)]^2$$
 - Zadnje vrstice pa ne poravnavamo: $ocena(i, n) = 0$
 - **Razbij besedilo** na vrstice tako, da bo skupna ocena vrstic najmanjša možna
- Primer: $d = 30, s = 1; n = 6$ besed z dolžinami 10, 10, 3, 9, 9, 30.



1. vrstica: $10 + s + 10 + s + 3 = 25$, ostane 5 \rightarrow ocena = 25
 2. vrstica: $9 + s + 9 = 19$, ostane 11 \rightarrow ocena = 121
 3. vrstica: 30, ostane 0 \rightarrow ocena 0
- Skupaj $25 + 121 + 0 = 146$



1. vrstica: $10 + s + 10 = 21$, ostane 9 \rightarrow ocena = 81
 2. vrstica: $3 + s + 9 + s + 9 = 23$, ostane 7 \rightarrow ocena = 49
 3. vrstica: 30, ostane 0 \rightarrow ocena 0
- Skupaj $81 + 49 + 0 = 130$

ingredite aliud terra urbem querentem.
Apolloni? sine ille mag? ut vulgus
loquitur. sine plus. ut pythagora tra-
dunt. intrauit plus. praesuit caucasu.
albanos. scythas. maffagetas. opule-
ntissima india regna penetrauit. et ad
extremum laetissimo phison ampie-
nissimillo puenit ad braguanas. ut
hyarcam in throno sedente aureo et de
caucali fonte porantem. inter paucos
discipulos. de natura. de moribus. ac de
causu diei. et hodie audiret docentem.
Unde per elamitas. babilonios. chalde-
os. medos. assyrios. parthos. syros.
phenices. arabes. palestinos. rarisus
ad alexandriam. perrexit ad ethiopia-
um. et gignoslophistas. et famosissimam
solis mensam videre in sabulo. In-
uenit ille vir ubique discretus. et semp
proficiens. semp se melior fieret. Scrip-
sit super hoc plenissime octo volumi-
nibus. phylotracus.

Quid loquar de sancti hominibus.
cum apud paulus. vas electio-
nis. et magister gentium. qui de conscientia
tanti se hospitis loquebat. dicebat. An
experimentum queris eius qui in me
loquitur. Post damascum arabiamque
lustrantem. accessit iherosolimam ut videret
petrum. et mansit apud eum diebus quindecim.
Hoc enim nullius ebdomadis et ogdo-
adis. futurus gentium predicator. instru-
endus erat. Rursusque post annos quatuor-
decim assumpto barnaba et tro. epro-
fuit cum apostolis euangelium. ne forte in va-
cuum curaret aut cucurrisset. Habet
nescio quid latentis egregie. viue uocis
ore transmissa. forcius sonant. Unde et
elchintus cum rodi regulari. et loqueretur

3.5 Poravnavanje desnega roba

- Rešitev:

- Recimo, da bi radi razbili besede w_i, w_{i+1}, \dots, w_n

- Oceno najboljšega takega razbitja označimo s $f(i)$
- Prvih nekaj besed damo v prvo vrstico, recimo do w_j
- Ostane nam problem, kako čim bolje razbiti podzaporedje $w_{j+1}, w_{j+2}, \dots, w_n$
- Imamo torej **rekurzivno zvezo**

$$f(i) = \min \{ \text{ocena}(i, j) + f(j + 1) : i \leq j \leq n \}$$

- V resnici sme iti j le tako daleč, dokler še lahko spravimo vse besede $w_i, w_{i+1}, \dots, w_{j-1}, w_j$ v eno vrstico

- Da ne bomo računali istih $f(i)$ po večkrat, si rezultate zapomnimo, čim jih izračunamo

- Zato lahko računamo kar sistematično po padajočih i :

$$f[n + 1] = 0$$

for $i = n$ **downto** 1 **do**

$j = i$; širina = 0; $f[i] = \infty$ // izračunajmo najboljše razbitje besed $i..n$

while $j \leq n$:

$\text{širina} += w[j]$; **if** $j > i$ **then** $\text{širina} += s$ // širina vrstice po dodajanju besede w_j

if $\text{širina} > d$ **then break** // je vrstica že preširoka?

$f[i] = \min\{ f[i], (d - \text{širina})^2 + f[j + 1] \}$ // cena razbitja, če začnemo z vrstico $i..j$